

4. ARITMETICA ÎN PROLOG

Deși PROLOG a fost proiectat în primul rând ca un limbaj de programare simbolică, el dispune de operatorii pentru cele patru operații aritmetice de bază și operatorii unari minus și plus, la care se adaugă operatorii `mod` și `div`. Se folosesc simbolurile următoare:

- Operatori binari:
 - + adunare
 - scădere
 - * înmulțire
 - / împărțire
 - mod** restul împărțirii întregi
 - div** împărțirea prin trunchiere
- Operatori unari:
 - (semnul) minus
 - + (semnul) plus

Expresiile obținute cu ajutorul acestor operatori se evaluează pe baza unui set de reguli, care precizează precedența și asociativitatea operatorilor precum și conversiile aplicate operanzilor:

- **Precedența** (prioritatea) determină ordinea de efectuare a operațiilor într-o expresie cu diverși operatori.
- **Asociativitatea** indică ordinea de efectuare a operațiilor într-o secvență de operații care au aceeași precedență.
- **Regulile de conversie de tip** asigură stabilirea unui tip comun pentru ambii operanzi, la fiecare operație care solicită acest lucru și în care tipurile diferă.

Lista din tabelul următor este organizată pe categorii cu aceeași precedență, în ordine descrescătoare. Pentru fiecare categorie se indică asociativitatea și tipul operanzilor și tipul rezultatului. Trebuie remarcat că prima categorie cuprinde numai operatori unari. Aceștia nu trebuie confundați cu operatorii binari cu același simbol.

Operatori	Asociativitate	tip operand1	tip operand2	tip rezultat
+ -	de la dreapta la stânga	integer	-	integer
		real	-	real
mod div	de la stânga la dreapta	integer	integer	integer
*	de la stânga la dreapta	integer	integer	integer
		integer	real	real
		real	integer	real
		real	real	real
/	de la stânga la dreapta	integer sau real	integer sau real	real

Ordinea de evaluare determinată de precedență și asociativitate poate fi modificată grupând operațiile cu ajutorul parantezelor.

Asupra reprezentărilor binare a datelor numerice se pot executa o serie de operații specifice de obicei prelucrărilor în limbaj de asamblare:

- **Complementarea reprezentării binare** : predicatul *bitnot(operand1, X)* are ca efect legarea la variabila X a valorii întregi a cărei reprezentare binară se obține prin complementarea bit cu bit a reprezentării binare a operand1 (complementare înseamnă înlocuirea valorii 0 cu valoarea 1 și invers).

- **Deplasarea la stânga a reprezentării binare** : predicatul *bitleft(operand1, nr_pozitii, X)* are ca efect legarea la variabila X a valorii întregi a cărei reprezentare binară se obține prin deplasarea la stânga cu nr_pozitii a codului binar al operand1 (deplasarea la stânga se obține prin eliminarea a unui număr egal cu nr_pozitii de biți din stânga și inserarea în dreapta a unui număr de nr_pozitii de biți egali cu zero).

- **Deplasarea la dreapta a reprezentării binare**: predicatul *bitright(operand1, nr_pozitii, X)* are ca efect legarea la variabila X a valorii întregi a cărei reprezentare binară se obține prin deplasarea la dreapta cu nr_pozitii a codului binar al operand1 (deplasarea la dreapta se obține prin eliminarea a unui număr egal cu nr_pozitii de biți din dreapta și inserarea în stânga a unui număr de nr_pozitii de biți egali cu bitul cel mai semnificativ).

- **Și** : predicatul *bitand(operand1, operand2, X)* are ca efect legarea la variabila X a valorii întregi a cărei reprezentare binară se obține prin operația “și” asupra reprezentărilor binare ale operanzilor.

- **Sau** : predicatul *bitor(operand1, operand2, X)* are ca efect legarea la variabila X a valorii întregi a cărei reprezentare binară se obține prin operația “sau” asupra reprezentărilor binare ale operanzilor.

- **Sau exclusiv** : predicatul *bitxor(operand1, operand2, X)* are ca efect legarea la variabila X a valorii întregi a cărei reprezentare binară se obține prin operația “sau exclusiv” asupra reprezentărilor binare ale operanzilor.

Execuția operațiilor “și”, “sau” și “sau exclusiv” se face executând operațiile respective asupra fiecărui bit din reprezentările binare ale celor doi operanzi conform următoarelor reguli:

x	y	și	sau	sau exclusiv
1	1	1	1	0
1	0	0	1	1
0	1	0	1	1
0	0	0	0	0

Ca exemplu, considerăm următoarea interogare:

Goal: bitand(98, 95, X)

X = 66

1 Solution

Valoarea 66 a fost obținută ca efect al executării operației “și” asupra reprezentării binare (pe 16 biți) a numărului 98 și a numărului 95:

98 = 0000000001100010

95 = 0000000001011111

.....
0000000001000010 = 66

În prelucrările aritmetice realizate în PROLOG semnul “=” joacă un rol special. El este privit ca un operator cu doi operanzi: operand1 = operand2. Următoarele reguli determină comportarea acestui operator:

➤ Dacă unul din operanzi este variabilă nelegată și celălalt este un obiect, atunci operatorul leagă variabila la obiectul respectiv.

➤ Dacă un operand este variabilă legată și celălalt este un obiect, atunci operatorul testează dacă valoarea legată este aceeași cu obiectul respectiv.

➤ Dacă un operand este variabilă liberă, iar celălalt este variabilă legată, atunci operatorul leagă variabila liberă la obiectul legat de cealaltă variabilă.

➤ Dacă ambii operanzi sunt variabile legate, atunci operatorul testează dacă valorile legate sunt aceleași.

Există predicate predefinite specializate care controlează inegalitatea dintre expresiile numerice:

>	mai mare
<	mai mic
>=	mai mare egal
<=	mai mic egal
<>	diferit

Următorul tabel conține o listă de predicate predefinite și funcțiile aritmetice cărora le sunt asociate.

Predicat	Funcția calculată
round(x)	rotunjește la cel mai apropiat întreg
trunc(x)	trunchiază
abs(x)	valoarea absolută
sqrt(x)	radical de ordinul 2
exp(x)	e^x
ln(x)	logaritm natural
log(x)	logaritm în baza 10
random(x)	leagă la x un număr aleator din [0, 1)
sin(x)	sinus; x se consideră exprimat în radiani

cos(x)	cosinus; x se consideră exprimat în radiani
tan(x)	tangenta; x se consideră exprimat în radiani
arctan(x)	arctangenta

Pentru exemplificarea prelucrărilor aritmetice, să considerăm problema calculării dobânzilor totale pentru împrumutul acordat de o bancă, în condițiile în care rambursarea se face în tranșe lunare egale. Punem în evidență două modalități de rezolvare a acestei probleme. Prima dintre ele este o soluție recursivă. În acest scop se definește clauza:

```
dobanda(Imprumut, Rata_curenta, Rata_anuala_dobanda, Dobanda_totala)
```

în care variabilele folosite au următoarea semnificație:

```
Imprumut          - împrumutul acordat
Rata_curenta      - rata curentă lunară
Rata_anuala_dobanda - rata anuală a dobanzii
Dobanda_totala   - dobânda totală (de achitat până la rambursarea integrală a
                  împrumutului.
```

Dobânda totală este suma dobânzilor calculate prin aplicarea ratei lunare a dobânzii asupra împrumutului de restituit, care se diminuează progresiv cu sumele rambursate lunar. Calcularea dobânzii încetează odată cu rambursarea integrală a împrumutului. Deci condiția de margine poate fi enunțată astfel: “pentru un împrumut de restituit egal cu zero dobânda totală este zero, indiferent de celelalte elemente”. Programul care rezolvă problema recursiv este:

```
predicates
```

```
    dobanda(real,real,real,real)
```

```
clauses
```

```
    dobanda(0,_,_,0):-!.
```

```
    dobanda(Imprumut,Rata_curenta,Rata_anuala_dobanda,Dobanda_totala):
```

```
-
```

```
    Sold=Imprumut-Rata_curenta,
```

```
    dobanda(Sold,Rata_curenta,Rata_anuala_dobanda,Dobanda_urmatoare),
```

$$\text{Dobanda_totala} = \text{Dobanda_urmatoare} + \text{Imprumut} * \text{Rata_anuala_dobanda} / 1200.$$

În cea de a doua regulă semnificația variabilelor este următoarea:

Sold - împrumutul de restituit în luna următoare (i.e. $\text{Imprumut} - \text{Rata_curenta}$)

Dobanda_urmatoare - dobânda aferentă lunilor următoare

Dobanda_totala – dobânda totală este $\text{Dobanda_urmatoare} + \text{dobânda datorată pentru luna în curs, i.e. } \text{Imprumut} * \text{Rata_anuala_dobanda} / 1200.$

Cea de a doua soluție a problemei utilizează o relație matematică de calcul direct:

predicates

dobanda(real,real,real,real)

clauses

dobanda(Imprumut,Rata_curenta,Rata_anuala_dobanda,Dobanda_totala):

-

Dobanda_totala = $\text{Imprumut} * \text{Rata_anuala_dobanda} * (\text{Imprumut} + \text{Rata_curenta}) /$

$(2400 * \text{Rata_curenta}).$

Iată și răspunsul ambelor programe la interogarea:

Goal : dobanda(5000000,100000,20,X)

X = 2125000

1 Solution