

6. LISTE

Lista reprezintă unul dintre tipurile cele mai utilizate de structuri de date, atât în PROLOG cât și în alte limbaje simbolice. O listă este o secvență ordonată de obiecte de același tip. În PROLOG elementele unei liste se separă între ele prin virgulă și întreaga secvență este închisă între paranteze drepte. Dăm mai jos câteva exemple:

`[]` – lista vidă

`[X, Y, Y]` – listă ale cărei elemente sunt variabilele X, Y și Z

`[[0, 2, 4], [1, 3]]` – listă de liste de numere întregi

Tipurile de liste utilizate într-un program PROLOG trebuie declarate în secțiunea `domains` sub forma:

`tip_lista = tip*`

unde `tip` este un tip standard sau definit de utilizator. O listă este compusă conceptul din două părți:

- **cap** (head), care desemnează primul element din listă;
- **rest** (tail), care desemnează lista elementelor rămase după eliminarea primului element.

Restul unei liste se mai numește corpul sau coada unei liste, și este întotdeauna o listă. Exemplele următoare ilustrează modul în care se structurează o listă:

Listă	Cap	Rest
<code>[]</code>	nedefinit	nedefinit
<code>[a]</code>	a	<code>[]</code>
<code>[a, b, c]</code>	a	<code>[b, c]</code>
<code>[[a, c], [b, c]]</code>	<code>[a, c]</code>	<code>[[b, c]]</code>
<code>[[a, c], [b,c], []]</code>	<code>[a, c]</code>	<code>[[b, c], []]</code>

Pe post de delimitator între capul și restul listei se folosește caracterul “[”. Astfel unificând structura $[X | Y]$ cu $[a, b, c]$ se obține $X = a$ și $Y = [b, c]$.

Folosind liste, putem acumula o sumedenie de informații într-un singur obiect PROLOG. De exemplu faptele:

```
luna(1, ianuarie).   luna(2, februarie).   luna(3, martie).
luna(4, aprilie).   luna(5, mai).   luna(6, iunie).
```

pot fi redade folosind o singură listă sub forma faptului:

```
luni_prima_jumatate_an([ianuarie, februarie, martie, aprilie, mai, iunie]).
```

Pentru comparație considerăm următoarele două programe și câteva interogări asupra lor:

```
/* program_1 */
predicates
    luna(integer,symbol)
    afis
    afis_p(integer)
    afis_n(integer)
clauses
    luna(1, ianuarie).
    luna(2, februarie).
    luna(3, martie).
    luna(4, aprilie).
    luna(5, mai).
    luna(6, iunie).
    afis:-luna(_,X),write(X),nl,fail.
    afis.
    afis_p(1):-luna(1,X), write(X),nl.
    afis_p(N):-N1=N-1,afis_p(N1),N2=N1+1,luna(N2,X),write(X),nl.
    afis_n(N):-luna(N, X), write(X),nl.
```

Goal: afis

ianuarie

februarie

martie

aprilie

mai

iunie

yes

Goal: afis_p(1)

ianuarie

yes

Goal: afis_p(3)

ianuarie

februarie

martie

yes

Goal: afis_n(3)

martie

yes

/* program_2 */

domains

luni=symbol*

predicates

prima_jumatate_an(luni)

clauses

prima_jumatate_an([ianuarie, februarie, martie, aprilie, mai, iunie]).

Goal: prima_jumatate_an(X)

X = ["ianuarie", "februarie", "martie", "aprilie", "mai", "iunie"]

1 Solution

Goal: prima_jumatate_an([X1, X2, X3, X4, X5, X6])

X1 = ianuarie, X2 = februarie, X3 = martie, X4 = aprilie, X5 = mai, X6 = iunie

1 Solution

Goal: prima_jumatate_an([X|Y])

X = ianuarie, Y = ["februarie", "martie", "aprilie", "mai", "iunie"]

1 Solution

Goal: prima_jumatate_an([X|_])

X = ianuarie

1 Solution

Goal: prima_jumatate_an([X,Y,Z | R])

X = ianuarie, Y = februarie, Z = martie, R = ["aprilie", "mai", "iunie"]

1 Solution

Goal: prima_jumatate_an([X,Y,Z | _])

X = ianuarie, Y = februarie, Z = martie

1 Solution

Goal: prima_jumatate_an([_,_,X|_])

X = martie

1 Solution

După cum se vede din exemplul de mai sus limbajul PROLOG permite să se aleagă nu doar primul element al unei liste ci mai multe. De asemenea este permis să se lucreze cu liste în care elementele nu au același tip. În exemplul de mai jos obiectele de tip lista sunt liste ale căror elemente pot fi numere întregi, reale sau complexe.

domains

complex=z(real,real)

numar=r(real);i(integer);c(complex)

lista=numar*

predicates

p(lista)

clauses

p([r(2.8),i(9),r(0.89),i(77),c(z(2,6))]).

Goal: p([X|Y])

X = r(2.8), Y = [i(9),r(0.89),i(77),c(z(2,6))]

1 Solution

Goal: p([X|_])

X = r(2.8)

1 Solution

Goal: p([X, i(9) |Y])

X = r(2.8), Y = [r(0.89),i(77),c(z(2,6))]

1 Solution

Goal: p([X, r(0.89) |Y])

No Solution

6.1. Prelucrarea listelor

Prelucrarea conținutului listelor se bazează pe separarea lor în cap și rest. Prezentăm în continuare câteva operații de prelucrare a listelor (definim predicatele corespunzătoare):

➤ **Apartenența unui element la o listă:** predicatul `apartine(X,Y)` este adevărat dacă X aparține listei Y și fals în caz contrar. Un element X aparține unei liste Y dacă lista începe cu X sau dacă X aparține restului listei. Aceste observații se traduc în PROLOG prin:

$\text{apartine}(X, [X|_]) :- !$

$\text{apartine}(X, [_|Y]) :- \text{apartine}(X, Y).$

➤ **Aflarea ultimului element din listă:** predicatul $\text{ultim_elem}(X, Y)$ este adevărat dacă și numai dacă X este ultimul element al listei Y .

$\text{ultim_elem}(X, [X]) :- !.$

$\text{ultim_elem}(X, [_|Y]) :- \text{ultim_elem}(X, Y).$

➤ **Aflarea elementului de pe poziția k din listă:** predicatul $\text{elem_k}(N, X, E)$ este adevărat dacă și numai dacă elementul de pe poziția N din lista X este E .

$\text{elem_k}(1, [X|_], X) :- !.$

$\text{elem_k}(K, [_|Y], Z) :- K1 = K - 1, \text{elem_k}(K1, Y, Z).$

➤ **Aflarea numărului de elemente ale unei liste:** predicatul $\text{nr_elem}(X, N)$ are ca efect legarea variabilei N la numărul de elemente ale listei X .

$\text{nr_elem}([], 0).$

$\text{nr_elem}([_|X], N) :- \text{nr_elem}(X, N1), N = N1 + 1.$

➤ **Concatenarea a două liste:** predicatul $\text{concatenare}(X, Y, Z)$ este adevărat dacă și numai dacă lista Z coincide cu lista obținută adăugând după elementele lui X elementele lui Y .

$\text{concatenare}([], X, X).$

$\text{concatenare}([H|X], Y, [H|Z]) :- \text{concatenare}(X, Y, Z).$

➤ **Inversarea unei liste:** predicatul $\text{invers}(X, Y)$ are ca efect legarea la variabila Y a listei obținute prin inversarea listei X (de exemplu prin inversarea listei $[1, 2, 3, 4, 5]$ înțelegem operația prin care se obține lista $[5, 4, 3, 2, 1]$). Pentru a defini predicatul $\text{invers}(X, Y)$ folosim un predicat auxiliar $\text{inv}(X, Z, Y)$ cu semnificația următoare: Y est rezultatul adăugării la Z a elementelor lui X aranjate în ordine inversă.

```
invers(X,Y):-inv(X,[],Y).
inv([],X,X).
inv([H|X],Y,Z):-inv(X,[H|Y],Z).
```

➤ *Aflarea elementului minim dintr-o listă cu elemente de tip numeric*: predicatul `min(X,Y)` este adevărat dacă și numai dacă Y este egal cu elementul minim din lista X.

```
min([X,Y],X):-X<=Y, !.
min([X,Y],Y):-X>Y, !.
min([H|X],Y):-min(X,Y), H>=Y, !.
min([H|X],H):-min(X,Y), H<Y, !.
```

➤ *Afișarea elementelor unei liste*: predicatul `afis1(X)` are ca efect afișarea elementelor listei X delimitate prin spații, predicatul `afis2(X)` determină afișarea elementelor listei X pe linii diferite, iar predicatul `afis3(X)` determină afișarea elementelor listei X în ordine inversă.

```
afis1([]):-!.
afis1([H|X]):-write(H), write(" "), afis1(X).
```

```
afis2([]):-!.
afis2([H|X]):-write(H), nl, afis2(X).
```

```
afis3([]):-!.
afis3([H|X]):-afis3(X), write(H), nl.
```

6.2. Sortarea listelor

O operație frecvent folosită în aplicații este sortarea listelor. Aceasta se referă la aranjarea elementelor listei în ordine crescătoare sau descrescătoare relativ la o anumită relație de ordine. Prezentăm în continuare câțiva algoritmi de sortare care fac apel la strategia “divide et

impera”. “Divide et impera” este o metodă generală de programare care constă în împărțirea repetată a unor probleme de dimensiune mai mare în două sau mai multe subprobleme de același tip, urmată de combinarea soluțiilor subproblemelor rezolvate în scopul obținerii soluției problemei inițiale. Algoritmii de sortare care utilizează strategia “divide et impera” presupun divizarea listei în două subliste, sortarea recursivă a fiecărei subliste și combinarea rezultatelor într-o singură listă sortată. În funcție de metodele de divizare, respectiv de combinare există două posibilități:

- divizare dificilă și combinare ușoară (abordare utilizată de sortarea prin selecție și de sortarea rapidă)
- divizare ușoară și combinare dificilă (abordare utilizată de sortarea prin inserție și de sortarea prin interclasare) .

➤ **Sortarea prin selecție** constă în alegerea celui mai mic element din listă, sortarea recursivă a restului listei și adăugarea apoi în față a elementului eliminat. Predicatul $\text{sort_sel}(X,Y)$, definit mai jos, are ca efect sortarea listei X prin selecție și legarea variabilei Y la lista sortată obținută. Pentru definirea acestui predicat se utilizează următoarele predicate auxiliare: $\text{min}(X,M)$ cu semnificația M este minimumul dintre elementele listei X (acest predicat a fost definit mai înainte) și predicatul $\text{dif}(X,M,Y)$ cu semnificația Y este lista obținută X prin eliminarea elementului M .

$\text{dif}([H|Y],H,Y):-!$.

$\text{dif}([H|X],E,[H|Y]):-\text{dif}(X,E,Y)$.

$\text{sort_sel}([X],[X]):-!$.

$\text{sort_sel}(X,[M|Y]):-\text{min}(X,M), \text{dif}(X,M,Z), \text{sort_sel}(Z,Y)$.

➤ **Sortarea rapidă** presupune alegerea unui element oarecare din listă (de regulă primul element), divizarea listei în două subliste formate din elementele mai mici și respectiv mai mari decât elementul ales. Cele două subliste se sortează recursiv și rezultatele se concatenează, obținându-se astfel lista sortată. Predicatul $\text{sort_rapid}(X,Y)$, definit mai jos, are ca efect sortarea listei X , utilizând metoda sortării rapide, și legarea variabilei Y la lista sortată obținută. Pentru definirea acestui predicat se utilizează următoarele predicate auxiliare: $\text{concatenare}(X,Y,Z)$ cu semnificația Z este lista obținută concatenând la lista X lista Y (acest predicat a fost definit mai

înainte) și predicatul `part(X,Y,Mici,Mari)` cu semnificația Mici este lista elementelor din Y mai mici sau egale cu X, iar Mari lista elementelor din Y mai mari decât X.

```
part(X,[],[X],[]).
part(X,[Y],[Y],[]):-Y<=X,!.
part(X,[Y],[],[Y]):-Y>X, !.
part(X,[H|Y],[H|Mici],Mari):-H<=X, part(X,Y,Mici,Mari),!.
part(X,[H|Y],Mici,[H|Mari]):-H>X, part(X,Y,Mici,Mari),!.
sort_rapid([],[]).
sort_rapid([X],[X]):-!.
sort_rapid([H|X],Y):-part(H,X,Mici,Mari), sort_rapid(Mici,L1), sort_rapid(Mari,L2),
concatenare(L1,[H|L2],Y).
```

➤ *Sortare prin inserție* constă în eliminarea unui element din listă sortarea listei obținute și în final reinserarea elementului în listă astfel încât lista să rămână sortată. Predicatul `sort_inserție(X,Y)`, definit mai jos, determină sortarea listei X prin inserție și legarea variabilei Y la lista sortată obținută. Pentru definirea acestui predicat se utilizează următorul predicat auxiliar: `insert(X,Y,Z)` cu semnificația Z este lista sortată obținută prin inserarea elementului X în lista sortată Y.

```
insert(X,[],[X]).
insert(X,[H|Y],[X,H|Y]):-X<=H.
insert(X,[H|Y],[H|Z]):-X>H, insert(X,Y,Z).
sort_inserție([X],[X]).
sort_inserție([H|X],Y):-sort_inserție(X,Z), insert(H,Z,Y).
```

➤ *Sortarea prin interclasare* presupune divizarea liste în două subliste aproximativ egale (dacă lista inițială are n elemente, atunci una din subliste va fi formată din primele $\lfloor n/2 \rfloor$ elemente iar cealaltă din următoarele $n - \lfloor n/2 \rfloor$ elemente). Cele două subliste se sortează și se interclasează rezultatele (interclasarea este operația de obținere a unei liste sortate din două liste sortate). Predicatul `sort_intercl(X,Y)`, determină sortarea listei X prin interclasare și legarea

variabilei Y la lista sortată obținută. Pentru definirea acestui predicat se utilizează următoarele predicate auxiliare: $\text{intercl}(X,Y,Z)$ cu semnificația Z este lista sortată obținută prin interclasarea listelor sortate X și Y , și predicatul $\text{partitie}(N,X,Y,Z)$ cu semnificația Y este lista primelor N elemente din X , iar Z este lista restului elementelor din X .

```

intercl([],[],[]).
intercl(X,[],X):-!.
intercl([],X,X):-!.
intercl([H|X],[G|Y],[H|Z]):-intercl(X,[G|Y],Z), H<=G, !.
intercl([H|X],[G|Y],[G|Z]):-intercl([H|X],Y,Z), H>G, !.
partitie(0,X,[],X):-!.
partitie(K,[H|X],[H|Y],Z):-K1=K-1, partitie(K1,X,Y,Z).
sort_intercl([X],[X]):-!.
sort_intercl(X,Y):-nr_elem(X,N), K=N div 2, partitie(K,X,X1,X2),
                    sort_intercl(X1,Y1), sort_intercl(X2,Y2), intercl(Y1,Y2,Y).

```

6.3. Exemple

Exemplul 1. Să presupunem că trebuie să gestionăm informațiile relative la o magazie de piese de schimb pentru autovehicule. Fiecare piesă se caracterizează prin: denumire, cod, furnizor, cod furnizor, preț și cantitate asociate furnizorului respectiv. Vom reprezenta o piesă printr-un termen compus $\text{articol}(\text{Cod}, \text{Cod_furnizor}, \text{Preț}, \text{Cantitate})$ și vom introduce predicatele:

$\text{denumire}(X,Y)$: Y este denumirea piesei cu codul X

$\text{nume}(X,Y)$: Y este numele furnizorului cu codul X

$\text{livrat}(X)$: X este lista pieselor (reprezentate prin termeni $\text{articol}(\dots)$) livrate

Presupunem de asemenea că se dă lista pieselor din magazie (cu ajutorul faptului $\text{livrat}(\text{lista_piese})$). Se cere

- Să se afișeze lista pieselor din magazie (cu toate informațiile legate de ele)
- Să se afișeze lista pieselor livrate sortată crescător după preț
- Să se afișeze lista pieselor livrate sortată crescător după cantitate

- Să se afișeze lista pieselor livrate cu prețul mai mare decât un anumit prag sortată descrescător după preț.
- Să se afișeze lista pieselor livrate cu cantitate mai mică decât un anumit prag sortată descrescător după cantitate.

Programul care rezolvă această problemă este următorul:

domains

```
    articol_livrat=articol(string,string,real,integer)
```

```
    lista=articol_livrat*
```

predicates

```
    nume(string,string)
```

```
    denumire(string,string)
```

```
    livrat(lista)
```

```
    fer(string)
```

```
    afis(lista)
```

```
    afis_t
```

```
    insert_b_p(articol_livrat,lista,lista)
```

```
    sort_insertie_p(lista,lista)
```

```
    insert_b_c(articol_livrat,lista,lista)
```

```
    sort_insertie_c(lista,lista)
```

```
    afis_p
```

```
    afis_c
```

```
    lista_p(real,lista,lista,lista)
```

```
    lista_c(integer,lista,lista,lista)
```

```
    afis_p_M
```

```
    afis_c_m
```

clauses

```
    nume("001","Popescu").
```

```
    nume("002","Ionescu").
```

```
    nume("010","Avram").
```

```
    nume("110","Manole").
```

```
    denumire("003","Pneuri").
```

```

denumire("002","Ulei").
denumire("012","Lampi").
livrat([articol("003","001",500000,100),
        articol("003","010",500100,50),
        articol("002","010",30000,250),
        articol("002","110",30010,50),
        articol("012","001",40000,10)]).
fer(X):-makewindow(1,113,37,X,1,1,22,78).
afis([]):-writef("%10 %5 %10 %5 %10 %10" , "Denumire", "Cod_p",
"Furnizor",
                                "Cod_f", "Pret", "Cantitate"), nl,readchar(_),!.
afis([articol(Cod,F,Pret,C)|X]):-denumire(Cod, Den), nume(F,Nume),
writef("%10
                                %5 %10 %5 %10.2 %10\n", Den, Cod, Nume, F, Pret ,C),
afis(X).
afis_t:-fer("Piese de schimb"), livrat(X), afis(X), removewindow.
insert_b_p(X,[],[X])
insert_b_p(articol(Cod,F,X,C), [articol(Cod1,F1,H,C1)|Y], [articol(Cod,F,X,C),
                                articol(Cod1,F1,H,C1)|Y]) :-X<=H.

insert_b_p(articol(Cod,F,X,C),[articol(Cod1,F1,H,C1)|Y],[articol(Cod1,F1,H,C1)|Z]):-
                                X>H,insert_b_p(articol(Cod,F,X,C),Y,Z).

sort_insertie_p([X],[X]).
sort_insertie_p([H|X],Y):-sort_insertie_p(X,Z),insert_b_p(H,Z,Y).
insert_b_c(X,[],[X]).
insert_b_c(articol(Cod,F,P,X),[articol(Cod1,F1,P1,H)|Y],[articol(Cod,F,P,X),
                                articol(Cod1,F1,P1,H)|Y]):-X<=H.
insert_b_c(articol(Cod,F,P,X),[articol(Cod1,F1,P1,H)|Y],
                                [articol(Cod1,F1,P1,H)|Z]):-X>H,insert_b_c(articol(Cod,F,P,X),Y,Z).
sort_insertie_c([X],[X]).
sort_insertie_c([H|X],Y):-sort_insertie_c(X,Z),insert_b_c(H,Z,Y).
afis_p:-livrat(X),sort_insertie_p(X,Y),fer("Sortare dupa pret"), afis(Y),

```

```

removewindow.
afis_c:-livrat(X),sort_insertie_c(X,Y),fer("Sortare dupa cantitate"),
      afis(Y),removewindow.
lista_p(_,[],X,X).
lista_p(P,[articol(_,_ ,Pret,_)|X],Y,Z):-Pret<P,lista_p(P,X,Y,Z).
lista_p(P,[articol(Cod,F,Pret,C)|X],Y,Z):-
lista_p(P,X,[articol(Cod,F,Pret,C)|Y],Z),!.
lista_c(Cant,[articol(_,_ ,C)|_],X,X):-C>Cant,!.
lista_c(Cant,[articol(Cod,F,Pret,C)|X],Y,Z):-
      C<=Cant,lista_c(Cant,X,[articol(Cod,F,Pret,C)|Y],Z).
afis_p_m:-livrat(X),sort_insertie_p(X,Y),fer("Piesele cu pret mai mare
decat..."),
      write("Pret = "),readreal(P),nl,lista_p(P,Y,[],Z),afis(Z),removewindow.
afis_c_M:-livrat(X),
      sort_insertie_c(X,Y),fer("Piesele in cantitate mai mica decat..."),
      write("Cantitate = "), readint(P), nl,
      lista_c(P,Y,[],Z), afis(Z), removewindow.

```

Semnificația predicatelor din program:

denumire(X,Y) : Y este denumirea piesei cu codul X
nume(X,Y) : Y este numele furnizorului cu codul X
livrat(X) : X este lista pieselor (reprezentate prin termeni articol(...)) livrate
afis(X) : afișează elementele listei X (X este listă de elemente de tipul articol(...), și
pentru fiecare element împarte se afișează toate informațiile
fer(X) : deschide o fereastră cu titlul X în care se afișează diverse liste
sort_insertie_p(X,Y) : sortează crescător după preț lista X și leagă rezultatul sortării de Y
(metoda folosită este sortare prin inserție)
sort_insertie_c(X,Y) : sortează crescător după cantitate lista X și leagă rezultatul sortării
de
Y (metoda folosită este sortare prin inserție)
lista_p(P,X,Y,Z) : Z este lista obținută prin adăugarea (în ordine inversă) la lista Y a

elementelor din lista X cu prețul mai mare decât P (se presupune lista X sortată crescător)

lista

lista_c(C,X,Y,Z) : Z este lista obținută prin adăugarea (în ordine inversă) la lista Y a elementelor din lista X a căror cantitatea este mai mică decât C (se presupune lista X sortată crescător)

afis_t : afișează lista de piese cu toate informațiile corespunzătoare

afis_p : afișează lista de piese sortată crescător după preț

afis_c : afișează lista de piese sortată crescător după cantitate

afis_p_M : afișează lista de piese cu prețul mai mare decât o anumită valoare (introdusă de utilizator), listă sortată descrescător după preț

afis_c_m : afișează lista de piese a căror cantitate este mai mică decât o anumită valoare (introdusă de utilizator), listă sortată descrescător după cantitate

Exemplul 2. Prin intermediul următorului program se pot efectua adunări și scăderi de numere naturale mari (mai mari decât $2^{15}-1$). Fiecare număr natural este reprezentat prin lista cifrelor sale.

domains

numar=integer*

predicates

cit0(numar,numar)

cit(numar)

afis(numar)

fer1

fer2

fer3

menu

selectie(char)

scrie_s(integer)

```
scrie_se(integer)
nr_elem(numar,integer)
pl(numar,numar,numar,integer)
pls(numar,numar,numar,integer)
c(numar,numar)
c10(numar,numar)
max(integer,integer,integer)
adaug0(integer,numar,numar)
elimin_u(numar,numar,integer)
scad(numar,numar,numar,integer)
i_scad(numar,numar,integer)
r_scad(numar,numar,numar,integer)
s
```

d

clauses

```
cit0(X,Y):-readint(H),H>=0,H<=9,cit0([H|X],Y).
cit0(X,X):-!.
cit(X):-cit0([],X),!.
afis([]):-!.
afis([H|X]):-afis(X),write(H).
fer1:-makewindow(1,113,37,"Citire",1,1,11,78).
fer2:-makewindow(2,113,37,"Afisare",12,1,11,78).
fer3:-makewindow(3,113,37,"Selectati operatia...",0,0,23,79).
menu:-fer3,cursor(10,10),write("+ pentru adunare\n"),
      write("      - pentru scadere\n"),
      write("      q pentru iesire\n"),
      write("  "), readchar(X), X<>'q', selectie(X), shiftwindow(3),
      removewindow, menu.
menu:-shiftwindow(3),removewindow.
selectie('+'):-s.
selectie('-'):-d.
selectie(X):-X<>'s',X<>'d',menu.
```

```

nr_elem([],0).
nr_elem([_|X],N):-nr_elem(X,N1),N=N1+1.
scrie_s(0):-!.
scrie_s(N):-write(' '),N1=N-1,scrie_s(N1).
scrie_se(0):-write('+').
scrie_se(9):-write('-').
s:-fer1, fer2, shiftwindow(1),
    write("Introduceti cifrele primului numar cate una pe rand\n"),
    write("Terminati cu numar < 0 sau > 9\n"),
    cit(X), shiftwindow(2),
    nr_elem(X,N), M=70-N, scrie_s(M), afis(X),write(" +"),nl,
    shiftwindow(1), clearwindow,
    write("Introduceti cifrele celui de al doilea numar cate una pe rand \n"),
    write("Terminati cu numar < 0 sau > 9\n"),
    cit(Y), shiftwindow(2),
    nr_elem(Y,N1),M1=70-N1,scrie_s(M1),afis(Y),nl,
    write ("_____"),
    nl,pl(X,Y,Z,0),nr_elem(Z,N2),M2=70-N2,scrie_s(M2),afis(Z),
    write("\n\n\n\n\n"), scrie_s(50), write("Apasati orice tasta! "),
    readchar(_), removewindow, shiftwindow(1),removewindow.
pl([],[],[],0):-!.
pl([],[],[X],X):-!.
pl([],X,X,0):-!.
pl([],X,Y,C):-pl(X,[C],Y,0).
pl(X,[],X,0):-!.
pl(X,[],Y,C):-pl(X,[C],Y,0).
pl([H1|X1],[H2|X2],[H3|X3],C):-H3=(H1+H2+C) mod 10,
    C1=(H1+H2+C) div 10,pl(X1,X2,X3,C1).

pls([],[],[],_):-!.
pls(X,[],X,0):-!.

```

```

pls(X,[],Y,C):-pls(X,[C],Y,0).
pls([H1|X1],[H2|X2],[H3|X3],C):-H3=(H1+H2+C) mod 10,
    C1=(H1+H2+C) div 10,pls(X1,X2,X3,C1).
c([],[]):-!.
c([H|X],[H1|Y]):-H1=9-H,c(X,Y).
c10(X,Y):-c(X,Y1),pls(Y1,[1],Y,0).
max(X,X,X).
max(X,Y,X):-X>Y.
max(X,Y,Y):-X<Y.
adaug0(K,X,X):-K<=0,!.
adaug0(K,[],[0|X]):-K1=K-1,adaug0(K1,[],X).
adaug0(N,[H|X],[H|Y]):-adaug0(N,X,Y).
elimin_u([X],[],X):-!.
elimin_u([H|X],[H|Y],Z):-elimin_u(X,Y,Z).
scad(X,Y,Z,S):-nr_elem(X,N1),nr_elem(Y,N2),max(N1,N2,N3),NX=N3-
N1+1,
    adaug0(NX,X,X1),NY=N3-N2+1,
    adaug0(NY,Y,Y1),c10(Y1,Y2),pls(X1,Y2,Z1,0),
    elimin_u(Z1,Z,S).
i_scad(Z1,Z,S):-S=0,Z=Z1.
i_scad(Z1,Z,S):-S=9,c10(Z1,Z).
r_scad(X,Y,Z,S):-scad(X,Y,Z1,S),i_scad(Z1,Z,S).
d:-fer1, fer2, shiftwindow(1),
    write("Introduceti cifrele primului numar cate una pe rand\n"),
    write("Terminati cu numar < 0 sau > 9\n"),
    cit(X),shiftwindow(2),
    nr_elem(X,N),M=70-N,scrie_s(M),afis(X),write(" -"),nl,
    shiftwindow(1), clearwindow,
    write("Introduceti cifrele celui de al doilea numar cate una pe rand \n"),
    write("Terminati cu numar < 0 sau > 9\n"),
    cit(Y),shiftwindow(2),
    nr_elem(Y,N1),M1=70-N1,scrie_s(M1),afis(Y),nl,

```

```

write("_____"),
nl,r_scad(X,Y,Z,S), nr_elem(Z,N2), M2=69-N2, scrie_s(M2),
scrie_se(S), afis(Z),
write("\n\n\n\n\n\n"),scrie_s(50), write("Apasati orice tasta! "),
readchar(_),removewindow, shiftwindow(1), removewindow.

```

Semnificația predicatelor utilizate în program:

cit0(X,Y)	: adaugă la lista Y cifrele introduse de la tastatură (până în momentul introducerii unui număr <0 sau >9)
cit(X)	: citește cifrele unui număr natural și le depune în ordine inversă în lista X
afis(X)	: afișează lista de cifre X în ordine inversă
fer1	: definește fereastra în care se introduc numerele
fer2	: definește fereastra în care se afișează rezultatele
fer3	: definește fereastra cu meniul
menu	: definește/activează meniul
selectie(X)	:selectează operatia efectuată (+ sau -)
scrie_s(N)	: afișează N spații
scrie_se(X)	: afișează semnul + dacă X = 0 și – dacă X = 9
nr_elem(X, N)	: N este numărul de elemente al listei X
pl(X,Y,Z,C)	: Z este suma numărului reprezentat de lista X cu numărul reprezentat de lista Y plecând de la o cifră de transport inițială C
pls(X,Y,Z,C)	: aceeași semnificație ca mai sus, cu diferența că dacă rezultatul depășește un număr de cifre cifrele mai semnificative se pierd
c(X,Y)	: Y este reprezentarea inversă în raport cu 10 a lui X
c10(X,Y)	: Y este reprezentarea în complement față de 10 a lui X
max(X,Y,Z)	: Z este maximumul dintre X și Y
adaug0(N,X,Y)	: Y este lista obținută prin adăugarea a N zerouri la sfârșitul listei X

$\text{elimin_u}(X,Y,S)$: Y este lista obținută din lista X prin eliminarea ultimului element,

iar S este acest element

$\text{scad}(X,Y,Z,S)$: Z este lista cifrelor obținute scăzând pe Y din X; dacă rezultatul

scăderii este negativ atunci Z este reprezentat în complement

față de 10, iar S = 9; dacă rezultatul este pozitiv atunci S = 0

$\text{i_scad}(X,Y,S)$: ”interpretează rezultatul scăderii”, i.e dacă S=0, atunci Y = X, altfel Y este complementul față de 10 al lui X

$\text{r_scad}(X,Y,Z,S)$: Z este lista cifrelor obținute scăzând pe Y din X; S = 0 dacă rezultatul este pozitiv, și S = 9 dacă rezultatul este negativ

s : se efectuează suma a două numere

d : se efectuează diferența a două numere

Pentru a se înțelege programul trebuie să se țină cont că numerele sunt reprezentate prin lista cifrelor lor în ordine inversă. Dacă lucrăm cu numere reprezentate prin lista cifrelor lor (prima cifra cea mai semnificativă ș.a.m.d.), atunci un predicat de adunare s-ar putea defini prin:

$\text{adunare}(X,Y,Z):-\text{invers}(X, X1), \text{invers}(Y, Y1), \text{pl}(X1, Y1, Z1, 0), \text{invers}(Z1, Z).$

unde invers este predicatul prezentat mai înainte care realizează inversarea unei liste.